

Curso Propedeutico 2024
Licenciatura en Inteligencia Artificial, CINC

Tarea 16, martes 30 de julio

1. Simplificar las siguientes expresiones:

(a) $10^{3x-1}10^{4-x}$.

(b) $\left(\frac{4^x}{5^y}\right)^{3z}$.

(c) $\frac{3^x}{3^{1-x}}$.

(d) $\frac{e^{-x}(e^x - e^{-x}) + e^{-x}(e^x + e^{-x})}{e^{-2x}}$.

2. Resolver las siguientes ecuaciones:

(a) $25^{x+1} = 125^{2x}$.

(b) $4^{5x-x^2} = 2^{-12}$.

(c) $5^3 = (x+2)^3$.

(d) $x^2e^x - 5xe^x = 0$.

(e) $\log_8 64 = x$.

(f) $\log_x 4 = \frac{2}{3}$.

(g) $\log_4 x = \frac{1}{2}$.

(h) $2 \log_5 x = \log_5 (x^2 - 6x + 2)$.

(i) $\log_7 4x - \log_7 (x+1) = \frac{1}{2} \log_7 4$.

3. Escribir las siguientes expresiones en términos de logaritmos más simples:

(a) $\log_b \frac{u}{vw}$ (b) $\log \sqrt[3]{x^2 - y^2}$ (c) $\log_b \frac{m^5 n^3}{\sqrt{p}}$ (d) $\log_b \sqrt[4]{\frac{x^2 y^3}{\sqrt{z}}}$.

4. Escribir las siguientes expresiones en términos de un solo logaritmo con coeficiente 1:

(a) $\frac{1}{3} \log_b w - 3 \log_b x - 5 \log_b y$ (b) $5 \left(\frac{1}{2} \log_b u - 2 \log_b v \right)$.

5. Si $\log_b 2 = 0.69$ y $\log_b 3 = 1.10$, hallar $\log_b 12$ y $\log_b \sqrt[3]{1.5}$.